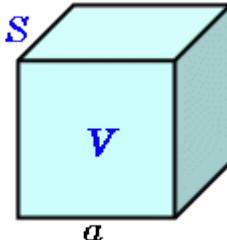
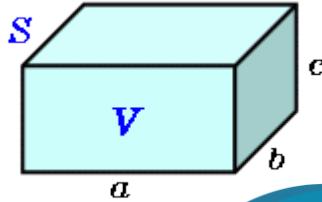
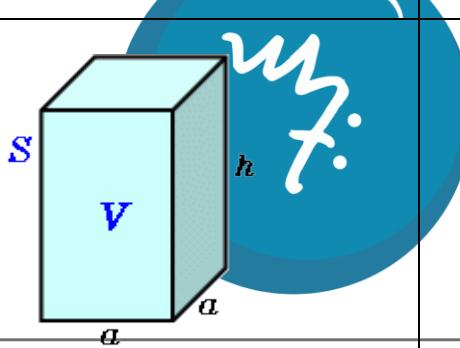
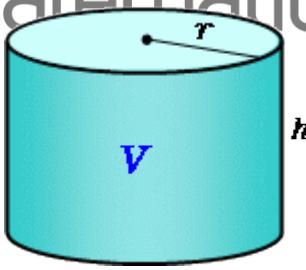
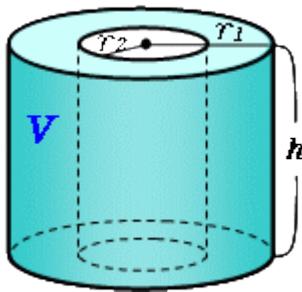
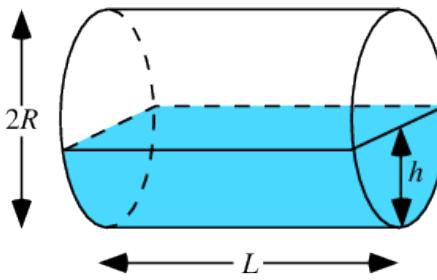
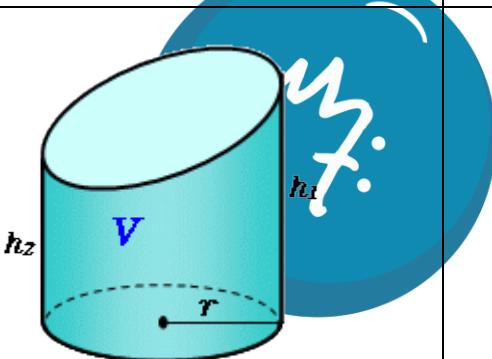
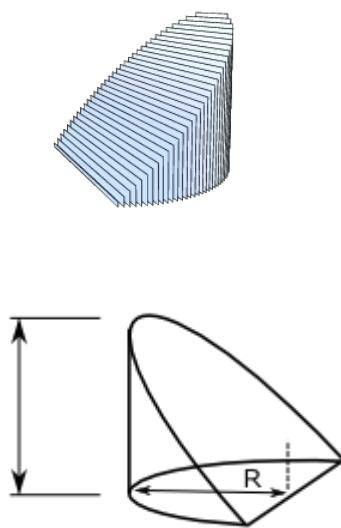
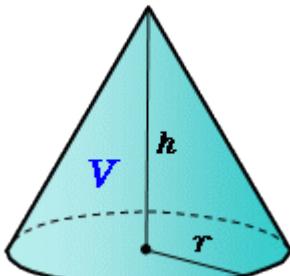
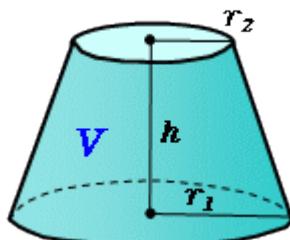
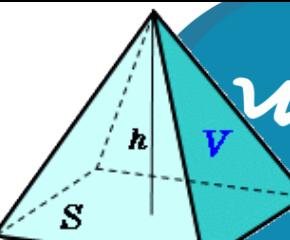
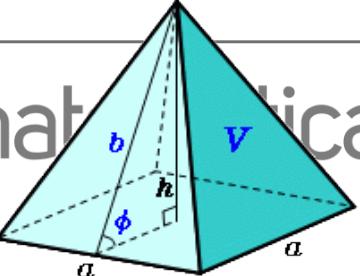
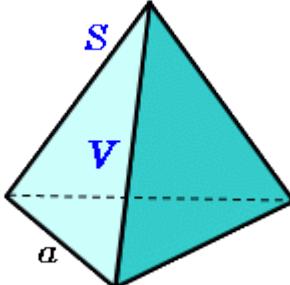


## Geometria II

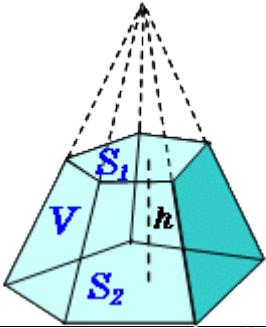
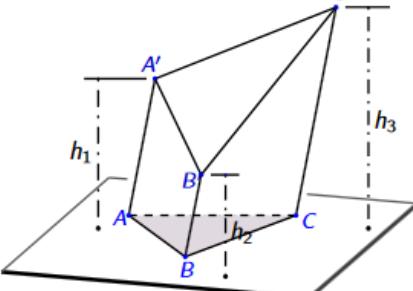
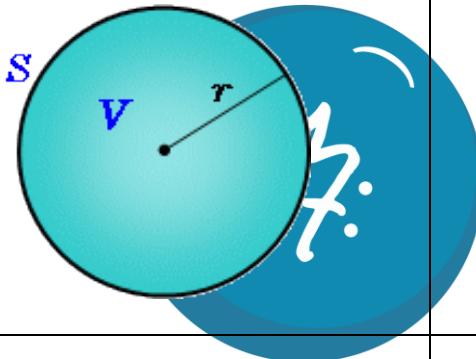
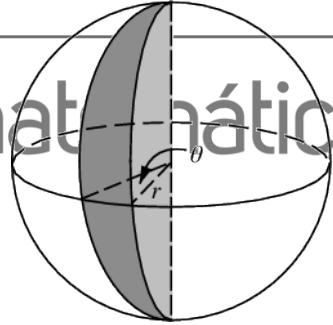
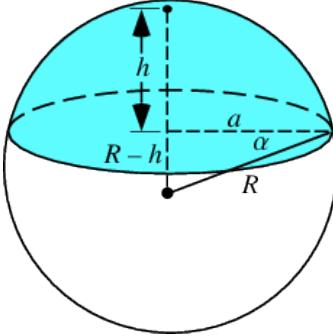
Professor Alessandro Monteiro

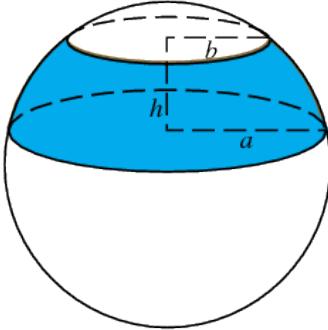
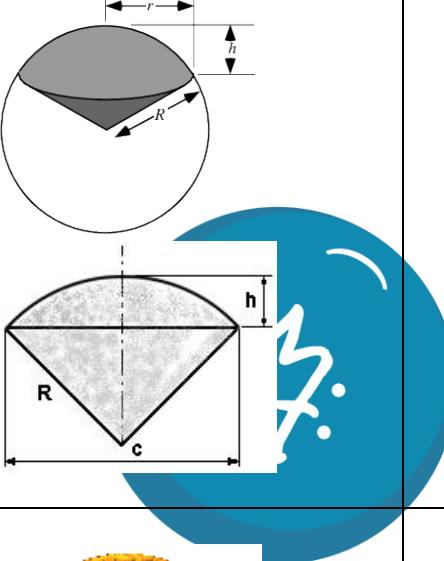
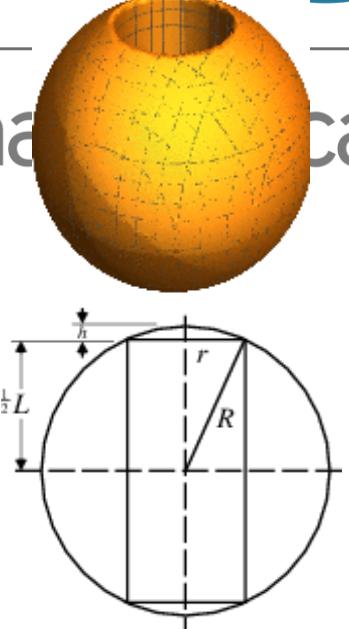
Sólido	Figura	Fórmulas
Cubo		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = a^2</math></li> <li>2) Volume: <math>V = a^3</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = 4a^2</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = 6a^2</math></li> <li>5) Diagonal da face: <math>f = a\sqrt{2}</math></li> <li>6) Diagonal do cubo: <math>D = a\sqrt{3}</math></li> </ol>
Paralelepípedo		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = ab</math></li> <li>2) Volume: <math>V = abc</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = 2(ab + bc)</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = 2(ab + ac + bc)</math></li> <li>5) Diagonal: <math>D = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}</math></li> </ol>
Prisma Quadrangular		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = a^2</math></li> <li>2) Volume: <math>V = a^2h</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = 4ah</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = 2a(a + 2h)</math></li> <li>5) Diagonal: <math>D = \sqrt{2a^2 + h^2}</math></li> </ol>
Cilindro		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = \pi r^2</math></li> <li>2) Volume: <math>V = \pi r^2 h</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = 2\pi r h</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = 2\pi r(h + r)</math></li> <li>5) Diagonal: <math>D = \sqrt{2a^2 + h^2}</math></li> </ol>
Cilindro Oco (Tubo)		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = \pi(r_1^2 - r_2^2)</math></li> <li>2) Volume: <math>V = \pi(r_1^2 - r_2^2) \cdot h</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = 2\pi h(r_1 + r_2)</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = 2A_B + A_L</math></li> </ol>

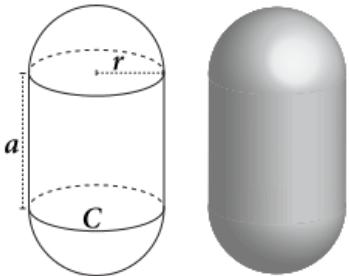
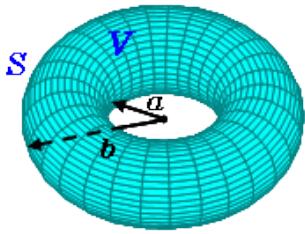
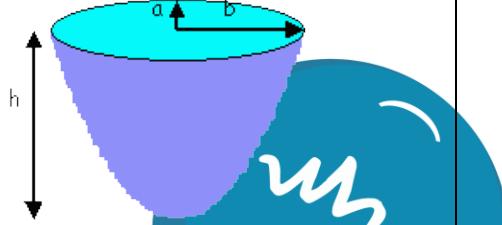
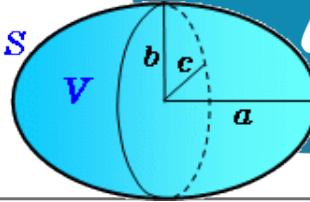
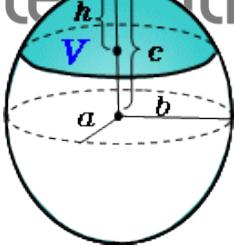
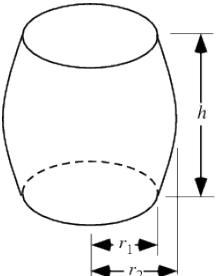
<p><i>Cilindro Horizontal</i></p> 	<p>1) Área do Segmento Circular:</p> $A_{SC} = r^2 \left[ \frac{\pi}{2} + \arcsen\left(\frac{h-r}{r}\right) + (h-r)\sqrt{2rh-h^2} \right]$ <p>2) Volume: <math>V = A_{sc} \cdot L</math></p> <p>3) Área Superior: <math>A_s = 2 \cdot L \cdot \sqrt{2rh - h^2}</math></p> <p>4) Área Inferior: <math>A_i = l \cdot L</math></p> <p>5.1) <math>l = 2 \cdot r \cdot \arccos\left(\frac{r-h}{r}\right)</math>, quando <math>h \leq r</math></p> <p>5.2) <math>l = 2 \cdot r \cdot \left[ \pi - \arccos\left(\frac{h-r}{r}\right) \right]</math>, quando <math>h &gt; r</math>.</p> <p>6) Área Total: <math>S = 2 \cdot A_{sc} + A_s + A_i</math></p>
<p><i>Tronco de Cilindro</i></p> 	<p>1) Área da base: <math>A_B = \pi r^2</math></p> <p>2) Volume: <math>V = \pi r^2 \left( \frac{h_1 + h_2}{2} \right)</math></p> <p>3) Área Lateral: <math>A_L = \pi r (h_1 + h_2)</math></p> <p>4) Área Total:</p> $S = A_L + \pi r^2 + \pi r \sqrt{r^2 + \left( \frac{h_1 - h_2}{2} \right)^2}$
<p><i>Cunha (Segmento) Cilíndrica (o)</i></p> 	<p>1) Volume: <math>V = \frac{2}{3} R^2 h</math></p> <p>2) Área Lateral: <math>A_L = 2Rh</math></p> <p>3) Área Total:</p> $S = 2Rh + \frac{\pi}{2} R^2 + \frac{\pi}{2} R \sqrt{R^2 + h^2}$

<i>Cone</i>		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = \pi r^2</math></li> <li>2) Volume: <math>V = \frac{1}{3} \pi r^2 h</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = \pi r g</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = \pi r(g + r)</math></li> <li>5) geratriz: <math>g = \sqrt{h^2 + r^2}</math></li> </ol>
<i>Tronco de Cone</i>		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = \pi r^2</math></li> <li>2) Volume: <math>V = \frac{1}{3} \pi h(r_1^2 + r_1 r_2 + r_2^2)</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = \pi g(r_1 + r_2)</math></li> <li>4) geratriz: <math>g = \sqrt{(r_1 - r_2)^2 + h^2}</math></li> </ol>
<i>Pirâmide</i>		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Volume: <math>V = \frac{1}{3} Sh</math></li> </ol>
<i>Pirâmide Quadrangular</i>		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = a^2</math></li> <li>2) Volume: <math>V = \frac{1}{3} a^2 h</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = a \sqrt{4h^2 + a^2}</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = A_L + a^2</math></li> <li>5) Inclinação: <math>\phi = \arctg\left(\frac{2h}{a}\right)</math></li> </ol>
<i>Tetraedro Regular</i>		<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = a^2 \frac{\sqrt{3}}{4}</math></li> <li>2) Volume: <math>V = a^3 \frac{\sqrt{2}}{12}</math></li> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = 3a^2 \frac{\sqrt{3}}{4}</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = a^2 \sqrt{3}</math></li> <li>5) Altura: <math>H = a \frac{\sqrt{6}}{3}</math></li> </ol>

<p><i>Tetraedro</i></p>	$V^2 = \frac{1}{144} [a_1^2 a_5^2 (a_2^2 + a_3^2 + a_4^2 + a_6^2 - a_1^2 - a_5^2) + a_2^2 a_6^2 (a_1^2 + a_3^2 + a_4^2 + a_5^2 - a_2^2 - a_6^2) + a_3^2 a_4^2 (a_1^2 + a_2^2 + a_5^2 + a_6^2 - a_3^2 - a_4^2) - a_1^2 a_2^2 a_4^2 - a_2^2 a_3^2 a_5^2 - a_1^2 a_3^2 a_6^2 - a_4^2 a_5^2 a_6^2]$ $S = \sqrt{s_1(s_1-a_1)(s_1-a_2)(s_1-a_4)} + \sqrt{s_2(s_2-a_2)(s_2-a_3)(s_2-a_5)} + \sqrt{s_3(s_3-a_3)(s_3-a_6)(s_3-a_1)} + \sqrt{s_4(s_4-a_4)(s_4-a_5)(s_4-a_6)}$ $s_1 = \frac{a_1+a_2+a_4}{2}, s_2 = \frac{a_2+a_3+a_5}{2}$ $s_3 = \frac{a_3+a_6+a_1}{2}, s_4 = \frac{a_4+a_5+a_6}{2}$
<p><i>Tronco de Pirâmide Quadrada</i></p>	<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = a^2</math></li> <li>2) Volume: <math>V = \frac{1}{3} h(a^2 + ab + b^2)</math></li> <li>3) Área Lateral:</li> </ol> $A_L = 2(a+b)\sqrt{\left(\frac{a-b}{2}\right)^2 + h^2}$ <ol style="list-style-type: none"> <li>4) Área Total: <math>S = A_L + a^2 + b^2</math></li> </ol>
<p><i>Obelisco</i></p>	<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = AB</math></li> <li>2) Volume:</li> </ol> $V = \frac{1}{6} h((2A+a)B + (2A+a)b)$ <ol style="list-style-type: none"> <li>3) Área Lateral: <math>A_L = (a+A)x + (b+B)y</math></li> <li>4) Área Total: <math>S = A_L + ab + AB</math></li> </ol>
<p><i>Cunha (Segmento) de Pirâmide Quadrangular</i></p>	<ol style="list-style-type: none"> <li>1) Área da base: <math>A_B = ab</math></li> <li>2) Volume: <math>V = \frac{1}{6} bh(2a+c)</math></li> <li>3) Área Lateral:</li> </ol> $A_L = \frac{a+c}{2} \sqrt{4h^2 + b^2} + b\sqrt{h^2 + (a-c)^2}$ <ol style="list-style-type: none"> <li>4) Área Total: <math>S = A_L + ab</math></li> </ol>

<i>Tronco de Pirâmide</i>		1) Volume: $V = \frac{1}{3}h(S_1 + \sqrt{S_1S_2} + S_2)$
<i>Tronco de Prismas Triangular</i>		1) Volume: $V = A_B \left( \frac{h_1 + h_2 + h_3}{3} \right)$
<i>Esfera</i>		1) Volume: $V = \frac{4}{3}\pi r^3$ 2) Área Total: $S = 4\pi r^2$
<i>Cunha Esférica</i>	 <b>matemática monteiro</b>	1) Volume: $V = \frac{2}{3}r^3\theta$ 2) Área do Fuso: $A_F = 2r^2\theta$ 3) Área Total: $S = A_F + \pi r^2$
<i>Calota Esférica</i>		1) Volume: $V = \frac{\pi h^2}{3}(3R - h) = \frac{\pi h}{6}(3a^2 + h^2)$ 2) Área Lateral: $A_L = 2\pi Rh = \pi(a^2 + h^2)$ 3) Área Total: $S = 2\pi Rh + \pi a^2$ 4) Raio: $a = \sqrt{2Rh - h^2}$

<p><i>Segmento Esférico</i></p>		<p>1) Volume: <math>V = \frac{1}{6}\pi h(3a^2 + 3b^2 + h^2)</math>      2) Área Inferior: <math>A_I = \pi a^2</math>      3) Área Superior: <math>A_S = \pi b^2</math>      4) Área Total: <math>S = 2\pi Rh</math>      5) Raio:  <math>R = \sqrt{\frac{(a-b)^2 + h^2}{4h^2}}</math></p>
<p><i>Setor Esférico</i></p>		<p>1) Volume: <math>V = \frac{2}{3}\pi R^2 h</math>      2) Área Total: <math>S = \pi R \left( 2h + \frac{c}{2} \right)</math></p>
<p><i>Anel Esférico</i></p>		<p>1) Volume: <math>V = \frac{1}{6}\pi L^3</math></p>

<i>Capsula</i>		$1) \text{ Volume: } V = \pi r^2 \left( \frac{4}{3}r + a \right)$ $2) \text{ Área Total: } S = 2\pi r(2r + a)$
<i>Toro</i>		$1) \text{ Volume: } V = \frac{\pi^2}{4} (a+b)(b-a)^2$ $2) \text{ Área Total: } S = \pi^2 (b^2 - a^2)$
<i>Parabolóide</i>		$1) \text{ Volume: } V = \frac{1}{2} \pi abh$
<i>Elipsoide</i>		$1) \text{ Volume: } V = \frac{4}{3} \pi abc$
<i>Calota de Elipsoide</i>		$1) \text{ Volume: } V = \frac{\pi ab}{3c^2} h^2 (3c - h)$ $2) \text{ Área Total: } S = \frac{\pi ab}{c^2} h (2c - h)$
<i>Barril</i>		$1) \text{ Volume: } V = \frac{\pi h}{3} (2r_2^2 + r_1^2)$