
Universidade do Estado do Amazonas
Introdução à Análise Matemática - ESN0655 – MN

Professor Alessandro Monteiro

AP1

Instruções: Você tem 120 minutos para completar esta avaliação e só poderá deixar a sala após 60 minutos do seu início. Existem quatro problemas valendo um total de dez pontos. Você não pode usar livros, anotações, folhas de rascunho, celulares, calculadoras ou aparelhos similares. Use os espaços abaixo das questões para pequenos rascunhos. **Serão concedidos pontos parciais pelos progressos nas soluções corretas.**

Todas as respostas devem ser colocadas à caneta na coluna II ao lado das perguntas.

Nome: _____

Questões	Pontos
1	
2	
3	
4	
Total	

Manaus, 30 de Outubro de 2019

I. Questões

II. Respostas à Caneta

01 (vale 0,25 pontos cada item). Analise cada sentença abaixo e classifique em V, se for verdadeira, e F se for falsa:

I. Todo subconjunto não vazio dos números naturais possui um elemento mínimo e um máximo.

II. Um conjunto X é finito quando é vazio ou quando existe uma bijeção $f: I_n \rightarrow X$ para algum $n \in \mathbb{N}$.

III. Sejam X e Y dois conjuntos com m e n elementos, respectivamente. Então

$$|Fun(X, Y)| = m^n \text{ e } |Inj(X, Y)| = \frac{n!}{(n-m)!}, n \geq m.$$

IV. Sejam X e Y dois conjuntos com m e n elementos, respectivamente. Então

$$|Sobrej(X, Y)| = \sum_{i=1}^n (-1)^{n-i} \cdot \binom{n}{i} \cdot i^m, m \geq n.$$

V. Um conjunto X é enumerável quando é infinito ou quando existe uma bijeção $f: \mathbb{N} \rightarrow X$.

VI. Todo subconjunto dos números reais, não vazio, limitado superiormente, possui supremo em \mathbb{R} .

VII. Os conjuntos \mathbb{N} , \mathbb{Z} , \mathbb{Q} e $\mathbb{R} - \mathbb{Q}$ são enumeráveis.

VIII. O conjunto \mathbb{R} é um corpo ordenado completo e também é não enumerável.

IX. Se A e B são enumeráveis então $A \cup B$, $A \cap B$ e $A \times B$ não são enumeráveis.

X. Se $x \in \mathbb{R}$ então existe $n \in \mathbb{N}$ tal que $n > x$.

XI. O conjunto \mathbb{C} dos números complexos é um corpo ordenado.

XII. Se $a < b$ em \mathbb{R} então $(a, b) \cap \mathbb{Q} \neq \emptyset$.

Respostas:

I. ()

II. ()

III. ()

IV. ()

V. ()

VI. ()

VII. ()

VIII. ()

IX. ()

X. ()

XI. ()

XII. ()

02 (vale 2,0 pontos). Sejam $x, y \in \mathbb{R}$ tal que $|x - y| < \varepsilon$ para todo $\varepsilon \in (0, +\infty)$. Prove que $x = y$.

Demonstração:

<p>03 (vale 2,0 pontos). Sejam $A, B \subset \mathbb{R}$ não vazios e limitados. Prove que</p> $\sup(A + B) = \sup A + \sup B.$	<p>Demonstração:</p>
<p>04 (vale 3,0 pontos). Sejam $A, B \subset \mathbb{R}$ não vazios e limitados.</p> <p>i) Defina $\sup(A)$;</p> <p>ii) Dê um contraexemplo para a igualdade</p> $\sup(A \cdot B) = (\sup A) \cdot (\sup B).$	<p>i) Definição:</p> <p>ii) Contraexemplo:</p>